

## CARACTERUL BIDIMENSIONAL AL FORȚELOR FIZICE

Pentru a pune în evidență caracterul bidimensional al forțelor fizice (adică pentru a arăta că forțele fizice pot fi exprimate ca relații între spațiu și timp) arătăm mai întâi că toate forțele fizice pot fi reduse la forțe de tip electrostatic, folosindu-ne de identitatea dimensiunilor fizice ale masei inerte  $m_i$  sau gravifice  $m_g$  cu dimensiunile fizice ale sarcinii electrice  $q$  și de identitatea dimensională a câmpului electric  $E$  cu accelerația  $a$ . Avem astfel pentru principalele forțe fizice:

1) Forța de interacțiune electrostatică  $F_{es}$

$$F_{es} = k \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2}; \text{ pt } q_1 = q_2 = q; \Rightarrow F_{es} = k \cdot \frac{q^2}{r^2} [N]$$

unde :  $F_{es}$  = forța electrostatică de interacțiune între sarcinile electrice  $q_1$  și  $q_2$

$$q_1 = q_2 = q = N \cdot q_e = \text{sarcinile electrice în interacțiune}$$

$$q_e = \text{sarcina electrică elementară (sarcina electronului)}$$

$N$  = numărul sarcinilor electrice elementare care compun sarcina

$$q_1 = q_2 = q$$

$$k = \text{constanta interacțiunilor electrostatice} \quad (k = 9 \cdot 10^9 [a \dim])$$

$r$  = distanța între centrele sarcinilor electrice aflate în interacțiune.

2) Forța electrică  $F_e$  forța care acționează asupra unei sarcini electrice

$$q = N \cdot q_e$$

aflată într-un câmp electric de intensitate  $E$ .  $F_e = q \cdot E$  Din relația de definiție a

$$\text{capacității electrice } C \text{ avem : } C = \frac{q}{U}; \Rightarrow q = C \cdot U; \text{ } U = E \cdot l; \Rightarrow q = C \cdot E \cdot l.$$

Dar  $C$  are dimensiunea fizică a lungimii  $l$ , iar  $E$  este accelerație  $a$ .

$$\text{Adică : } E = a = \frac{l}{t^2}; \Rightarrow U = E \cdot l = a \cdot l = \frac{l}{t^2} \cdot l = v^2 \left[ \frac{m^2}{s^2} = V \right] \text{ unde } U \text{ este}$$

Potențialul electric (tensiunea electrică) care crează câmpul electric de intensitate  $E$ . Rezultă că potențialul electric  $U$  are dimensiunea fizică a vitezei la puterea a doua (viteză la pătrat), iar sarcina electrică  $q$  va avea dimensiunile fizice ale produsului între potențialul electric  $U$  și o lungime  $l$ . Adică :

$$\text{Cum } E = \frac{U}{l} = \frac{q}{l \cdot l} = \frac{q}{l^2}; \Rightarrow F_e = q \cdot E = q \cdot \frac{q}{l^2} = \frac{q^2}{l^2} [N]$$

3) Forța electrodinamică  $F_{ed}$  -forța de interacțiune între doi curenți electrice și paraleli de

$$\text{intensitățile } I_1 \text{ și } I_2 \text{ aflați la distanța } r \text{ în vid. } F_{ed} = \mu_o \cdot \frac{I_1 \cdot I_2 \cdot l}{2 \cdot r}$$

unde :  $\mu_o$  este permeabilitatea magnetică a vidului  $\mu_o = 4 \cdot \pi \cdot 10^{-7} [H/m]$  , iar  $l$  este lungimea curenților care interacționează.

Din relația pentru viteza luminii în vid avem că  $v_{lv} = c = 1/\sqrt{\epsilon_o \cdot \mu_o}$  .

Întru-cât am arătat că  $\epsilon_o$  este adimensional fizic, rezultă că inversul permeabilității magnetice a vidului  $1/\mu_o$  trebuie să aibă dimensiunea fizică a vitezei la puterea a doua (viteză la pătrat)  $1/\mu_o = v^2 = U = l^2/t^2$  . Deci  $1/\mu_o$  are dimensiune fizică a potențialului iar  $\mu_o = 1/v^2 = 1/U$  este inversul potențialului  $U = v^2$  . Totodată din relația de definiție a curentului electric avem că  $I = q/t$  . Cum  $r$  este o lungime (un spațiu)  $l$  , vom obține pentru forța electrodinamică în cazul în care

$$I_1 = I_2 = I = q/t \quad ; \quad F_{ed} = \frac{1}{v^2} \cdot \frac{q \cdot q \cdot l}{t \cdot t \cdot l} = \frac{t^2}{l^2} \cdot \frac{q^2 \cdot l}{t^2 \cdot l} = \frac{q^2}{l^2} [N]$$

4) Forța electromagnetică  $F_{emg}$  -forța care acționează asupra unui curent electric (adică asupra unui conductor parcurs de curentul electric) de intensitate  $I_c$  și lungime  $l_c$  aflat într-un câmp magnetic de inducție magnetică  $B$  în vid.

$$F_{emg} = B \cdot I_c \cdot l_c ; \quad B = \mu_o \cdot H ; \quad H = \frac{N \cdot I_m}{l_{cm}} = N \cdot \frac{q}{t \cdot l_{cm}} \left[ \frac{A}{m} \right] \text{ unde :}$$

$B$  este inducția magnetică în vid

$H$  este intensitatea câmpului magnetic.

$N$  este numărul de spire ale electromagnetului care crează câmpul magnetic de intensitate  $H$

$I_m$  este curentul de magnetizare (curent care circulă prin înfășurarea electromagnetului care crează câmpul magnetic de intensitate  $H$  și inducție  $B$ )

$l_c$  este lungimea conductorului parcurs de curentul  $I_c$  aflată în câmpul magnetic de inducție  $B$  asupra căreia acționează forța electromagnetică  $F_{emg}$  .

$l_{cm}$  este lungimea circuitului magnetic (lungimea liniei de câmp magnetic)

Avem egalitățile dimensionale :  $I_c = I_m = I = q/t$  și  $l_c = l_{cm} = l$

$$\Rightarrow B = \frac{1}{v^2} \cdot N \cdot \frac{q}{t \cdot l} = \frac{t^2}{l^2} \cdot \frac{N \cdot q}{t \cdot l} = N \cdot \frac{q \cdot t}{l^3} [T]$$

$$\Rightarrow F_{emg} = N \cdot \frac{q \cdot t}{l^3} \cdot \frac{q}{t} \cdot l = N \cdot \frac{q^2}{l^2} [N]$$

5) Forța magnetostatică  $F_{mgs}$  -forța de interacțiune dintre sarcinile (polii) magnetic(i)e în vid .

$$F_{mgs} = \frac{1}{\mu_o} \cdot \frac{p_1 \cdot p_2}{r^2}; -\frac{1}{\mu_o} = v^2; -p_1 = p_2 = p = \Phi \quad \text{Aici}$$

identificăm sarcina magnetică  $p$  cu fluxul magnetic  $\Phi$  (fluxul inducției magnetice  $B$  printr-o suprafața deschisă – o secțiune- normală la distanța ce unește centrele celor două sarcini magnetice). Avem așadar :  $B = N \cdot \frac{q \cdot t}{l^3}$  și  $S = l^2$  iar

$$\Phi = B \cdot S = N \cdot \frac{q \cdot t}{l^3} \cdot l^2 = N \cdot \frac{q}{v} = p [Wb]$$

$$\Rightarrow F_{mgs} = v^2 \cdot \frac{N \cdot q \cdot N \cdot q}{v \cdot v \cdot r^2} = N^2 \cdot \frac{q^2}{r^2} = k_{mgs} \cdot \frac{q^2}{l^2} [N]$$

6) Forța magnetică  $F_{mg}$  -forța care acționează asupra unui pol magnetic  
( = sarcină magnetică) aflată într-un câmp magnetic de intensitate  $H$  .

Avem că  $H = N \cdot \frac{q}{t \cdot l}$  și deci

$$F_{mg} = p \cdot H = N \cdot \frac{q}{v} \cdot N \cdot \frac{q}{t \cdot l} = N^2 \cdot \frac{q^2 \cdot t}{l \cdot t \cdot l} = k_{mg} \cdot \frac{q^2}{l^2} [N]$$

7) Forța de atracție gravitațională (gravistatică)  $F_{gs}$  -forța de interacțiune între masele (sarcinile = sursele câmpurilor) gravifice  $m_g = m_i = m$  .

$$F_{gs} = \gamma \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2} ; \text{ pentru}$$

$m_1 = m_2 = m_g = m = N \cdot q_e \cdot \frac{l}{r} = q \cdot \frac{l}{r}$  iar  $\gamma$  este constanta atracției universale

$$\gamma = 6.67 \cdot 10^{-11} \left[ \frac{N \cdot m^2}{Kg^2} = a \dim \right]$$

$$\text{avem : } F_{gs} = \gamma \cdot \frac{q \cdot l \cdot q \cdot l}{r \cdot r \cdot r^2} = \gamma \cdot \left(\frac{l}{r}\right)^2 \cdot \frac{q^2}{r^2} = k_{gs} \cdot \frac{q^2}{r^2} = k_{gs} \cdot \frac{q^2}{l^2} [N]$$

- 8) Forța de inerție  $F_i$  -forță care acționează asupra corpurilor (asupra maselor) în momentul și pe durata schimbării (modificării) stării (nivelului) de mișcare.

$$\text{Având egalitatea } \frac{q_e}{r_e} = \frac{m_e}{d_e} \text{ avem } q_e \cdot d_e = m_e \cdot r_e \text{ din care scoatem } q_e = m_e \cdot \frac{r_e}{d_e} \text{ sau}$$

$$m_e = q_e \cdot \frac{d_e}{r_e}; \text{ pentru o sarcină electrică oarecare avem } q = N \cdot q_e \text{ și dacă în loc de } d_e$$

scriem  $l$  iar înloc de  $r_e$  punem simplu  $r$  putem să punem masa oarecare  $m$  sub forma

$$m = q \cdot \frac{l}{r}; \quad q_e = \text{sarcina electronului}; \quad m_e = \text{masa electronului}; \quad r_e = \text{raza electronului}$$

electronului;  $d_e$  = distanța elementară. Atunci avem :

$$F_i = m \cdot a; \quad m_g = m_i = m = q \cdot \frac{l}{r}; \quad a = E \text{ și deci :}$$

$$F_i = m \cdot a = q \cdot \frac{l}{r} \cdot E = q \cdot \frac{l}{r} \cdot E = q \cdot \frac{l}{r} \cdot \frac{U}{l} = q \cdot \frac{l}{r} \cdot \frac{q/l}{l} = \frac{l}{r} \cdot \frac{q^2}{l^2} = k_i \cdot \frac{q^2}{l^2} [N]$$

- 9) Forța centrifugă  $F_{cfg}$  -forță care acționează asupra corpurilor (masele) aflate în mișcare pe traiectorii curbilinii (circulare), datorită variației modulului vitezei prin variația permanentă a direcției de mișcare (de translație).

$$r = l, \quad m = q \cdot (l/r), \quad a = E \quad \text{și deci:}$$

$$F_{cfg} = m \cdot \omega^2 \cdot r = q \cdot \frac{l}{r} \cdot (2 \cdot \pi \cdot f)^2 \cdot r = q \cdot \frac{l}{r} \cdot 4 \cdot \pi \cdot \frac{r}{t^2} = k_{cfg} \cdot q \cdot a =$$

$$= k_{cfg} \cdot q \cdot E = k_{cfg} \cdot q \cdot \frac{q}{l^2} = k_{cfg} \cdot \frac{q^2}{l^2} [N]$$

- 10) Forța hidrodinamică  $F_{hd}$  -forță care apare între două surse de fluid aflate la distanța  $r$  una de alta, ce debitează fluidul de densitate  $\rho$  cu debitele  $Q_1$  și  $Q_2$  (ansamblul surselor fiind conținut în spațiul ocupat de fluid).

$$Q_1 = Q_2 = Q = v \cdot S; \quad r = l; \quad v = \frac{l}{t}; \quad S = l^2$$

$$F_{hd} = \rho \cdot \frac{Q_1 \cdot Q_2}{4 \cdot \pi \cdot r^2} = \frac{\rho \cdot v \cdot S \cdot v \cdot S}{4 \cdot \pi \cdot r^2} = \frac{\rho \cdot l \cdot l^2 \cdot l \cdot l^2}{4 \cdot \pi \cdot t \cdot t \cdot r^2} = \frac{\rho \cdot l^6}{4 \cdot \pi \cdot t^2 \cdot l^2}$$

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{q \cdot l}{r \cdot l^3} = \frac{q}{r \cdot l^2} = \frac{q}{l \cdot l^2} = \frac{q}{l^3}$$

$$\Rightarrow F_{hd} = \frac{q \cdot l^6}{l^3 \cdot 4 \cdot \pi \cdot t^2 \cdot l^2} = \frac{1}{4 \cdot \pi} \cdot q \cdot \frac{l}{t^2} = k_{hd} \cdot q \cdot a =$$

$$= k_{hd} \cdot q \cdot E = k_{hd} \cdot q \cdot \frac{q}{l^2} = k_{hd} \cdot \frac{q^2}{l^2} [N]$$

11) Forța hidro(aero)dinamică Magnus  $F_{MS}$  -forță ce acționează asupra corpurilor de lungime  $l$  în mișcare de rotație cu viteza unghiulară  $\omega$  aflate într-un curent de fluid de densitate  $\rho$  cu viteza (direcția) de circulație  $v_\infty$  perpendiculară pe direcția axei de rotație.

$$F_{MS} = 2 \cdot k \cdot \pi \cdot r^2 \cdot \omega \cdot \rho \cdot v_\infty \cdot l = 2 \cdot k \cdot \pi \cdot r^2 \cdot 2 \cdot \pi \cdot f \cdot \rho \cdot v_\infty \cdot l =$$

$$= 4 \cdot k \cdot \pi^2 \cdot r^2 \cdot f \cdot \rho \cdot v_\infty \cdot l$$

unde :  $k$  este un factor ce ține seama de forma (secțiunii transversale normală la axa de rotație a) corpului

$f$  este frecvența de rotație a corpului,

$\rho$  este densitatea fluidului

$v_\infty$  este viteza de circulație a curentului de fluid

$r$  este raza secțiunii transversale a corpului (de formă cilindrică)

$l$  este lungimea corpului

$$\Rightarrow F_{MS} = 4 \cdot k \cdot \pi^2 \cdot r^2 \cdot \frac{l}{t} \cdot \rho \cdot v_\infty; -t = \frac{1}{f}; -v_\infty = \frac{l}{t} = v$$

$$\Rightarrow F_{MS} = 4 \cdot k \cdot \pi^2 \cdot r^2 \cdot v^2 \cdot \rho; -\rho = \frac{q}{l^3}; -r = l$$

$$\Rightarrow F_{MS} = 4 \cdot k \cdot \pi^2 \cdot l^2 \cdot v^2 \cdot \frac{q}{l^3} = k_{MS} \cdot \frac{v^2}{l} \cdot q; -\frac{v^2}{l} = a = E = \frac{q}{l^2}$$

$$\Rightarrow F_{MS} = k_{MS} \cdot q \cdot \frac{q}{l^2} = k_{MS} \cdot \frac{q^2}{l^2} [N]$$

12) Forța de deformare elastică  $F_{df}$  forță care apare ca reacțiune internă în corpurile ce suferă o deformare sub acțiunea unor forțe exterioare, forță care se opune deformării, tinzând să aducă corpurile la forma inițială, și se datorează legăturilor intermoleculare.  $F_d = k \cdot y = k \cdot \Delta l$

unde :  $k$  este constanta de elasticitate a corpului.

$y = \Delta l$  este alungirea sau variația lungimii corpului sub acțiunea forței deformatoare

$k$  este dat de relația  $k = \frac{E \cdot S}{l_0}$

în care :  $E$  este modulul de elasticitate al materialului din care este constituit (confectionat) corpul de probă supus deformării

$S$  este secțiunea corpului (de probă) normală la direcția de acțiune a forței deformatoare.

$l_0$  este lungimea inițială a corpului (înainte de acțiunea forței) măsurată pe direcția de acțiune a forței

Din legea lui Hooock avem :

$$\frac{\Delta l}{l_0} = \frac{1}{E} \cdot \frac{F}{S}; \Rightarrow E \cdot S \cdot \Delta l = F \cdot l_0; \Rightarrow E = \frac{l_0}{\Delta l} \cdot \frac{F}{S} = \frac{l_0}{\Delta l} \cdot \frac{m \cdot a}{S};$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow F_d &= \frac{E \cdot S}{l_0} \cdot \Delta l = \frac{l_0}{\Delta l} \cdot \frac{m \cdot a}{S} \cdot \frac{S}{l_0} \cdot \Delta l = m \cdot a = \\ &= \frac{l}{r} \cdot q \cdot a = \frac{l}{r} \cdot q \cdot E = k_d \cdot q \cdot \frac{q}{l^2} = k_d \cdot \frac{q^2}{l^2} [N] \end{aligned}$$

Așadar am găsit că toate forțele fizice pot fi exprimate printr-o relație de forma:

$$F_x = k_x \cdot \frac{q^2}{l^2}; \text{ unde } q = N \cdot q_e. \text{ Adică toate forțele fizice pot fi reduse la forțe de}$$

tip electrostatic. Din relația ce am obținut-o pentru viteza luminii (în cazul procesului

de anihilare a electronului) avem :  $c^2 = \frac{k \cdot q_e}{r}$  unde  $k$  fiind adimensional fizic rezultă că

raportul sarcinii electrice elementare  $q_e$  către distanța de interacțiune  $r = d_e$ , are dimensiunea fizică a vitezei la puterea a doua (la pătrat), adică este un potențial și anume chiar potențialul electrostatic  $U_{ese}$  al sarcinii electrice elementare (al electronului).

$$\Rightarrow \frac{q_e}{r} = \frac{q_e}{d_e} = v_e^2 = U_{ese}; \quad q_e = v_e^2 \cdot d_e = Q_e \cdot f_e = v^2 \cdot l$$

$$\text{și } q = N \cdot q_e = N \cdot v_e^2 \cdot l_e = N \cdot Q_e \cdot f_e \quad (f_e \equiv f_{fae}).$$

Adică sarcina electrică  $q$  este dată de produsul potențial  $U$  ori lungime  $l$ , ( $q = U \cdot l$ ) sau produsul debit  $Q$  ori frecvență  $f$  ( $q = Q \cdot f$ ). Înlocuind în relația forțelor sarcina electrică  $q$  prin relația de explicitare a ei obținem :

$$F_x = k_x \cdot \frac{q^2}{l^2} = \frac{(v^2 \cdot l)^2}{l^2} = \frac{v^4 \cdot l^2}{l^2} = k_x \cdot v^4 = \frac{l^4}{t^4} \left[ N = \frac{m^4}{s^4} \right] \text{ Rezultă că forța fizică}$$

are dimensiunea fizică a potențialului  $U = v^2$  la puterea a doua (la pătrat), sau a produsului a două potențiale diferite  $U_1$  și  $U_2$  ;

$$\Rightarrow F_x = k_x \cdot U^2 = k_x \cdot (v^2)^2 = k_x \cdot v^4 = \frac{l^4}{t^4} \left[ N = \frac{m^4}{s^4} \right] \text{ sau}$$

$$F_x = k_x \cdot U_1 \cdot U_2 = k_x \cdot v_1^2 \cdot v_2^2 = k_x \cdot \frac{l_1^2}{t_1^2} \cdot \frac{l_2^2}{t_2^2} = \frac{l^4}{t^4} \left[ N = \frac{m^4}{s^4} \right]$$

Reducerea tuturor forțelor fizice întâlnite în fizică și în aplicațiile tehnice la forțe de tip electrostatic (pe care am utilizat-o pentru a evidenția caracterul bidimensional al forțelor fizice) nu înseamnă că toate forțele fizice sunt de tip electrostatic. Acesta nu este decât un artificiu de calcul, o transpunere sau echivalare a tuturor forțelor fizice cu forțele de tip electrostatic, care arată doar că în toate forțele fizice sunt implicate și sarcinile electrice. Forțele apar în cursul (pe durată) interacțiunilor fizice specifice. Interacțiunea fizică are loc (se produce) la nivelul particulelor elementare. Toate particulele elementare generează în jurul lor câmp electromagnetic. Unele produc câmp electromagnetic pulsator (cu semiunde de o singură polaritate, fie negativă fie pozitivă). Acestea sunt particulele purtătoare de sarcină electrică. Altele produc câmp electromagnetic alternativ (cu semiunde pozitive și negative). Acesta este cazul particulelor neutre electrice; neutroni și fotoni (particule purtătoare de masă) . Toate particulele prezintă la periferie suprafața generatoare a câmpului propriu. Din interferența câmpului propriu al particulelor cu câmpul (cu undele de câmp) generat de alte particule (sisteme de particule) apare o asimetrie în sfera de presiune din jurul particulei. Pe fața unde liniile de câmp (câmpul propriu generat de particulă și câmpul exterior particulei) au sensuri contrare (acolo unde există deosebirea de mișcare) apare depresiune în spațiu (datorită pompajului cu viteza mult mai mare a eterului, a spațiului volumic, fiindcă particulele elementare sunt pompe de eter = spațiu=volum). Diferența de presiune între fața unde liniile de câmp au sensuri diferite (opuse) și fața unde liniile de câmp au același sens, este presiunea ce se exercită asupra particulei. Presiunea aceasta este dată de produsul intensităților câmpurilor care interferă la suprafața particulei. Aceasta presiune înmulțită cu suprafața de interacțiune a particulei dă forța care determină accelerarea particulei (alunecarea hidrodinamică accelerată a particulei prin eter) de-a lungul unei traiectorii date de locul geometric al punctelor de presiune minimă. Orice forță este dată de produsul între presiune  $p$  și suprafața  $S$  pe care se exercită presiunea ( $F = p \cdot S$ ). Totodată din

însumarea câmpurilor care interferează (din transferul mișcării de la câmpul exterior la câmpul particulei) în structura dinamică a particulei se stabilește pe durata accelerării ei, un regim de pompare și circulație a eterului în jurul particulei care menține asimetria sferei de presiune și după ce particula accelerată a ieșit din câmpul accelerator, ceea ce asigură translația rectilinie și uniformă (cu viteză constantă) cu viteza capătă pe durata accelerării ei, adică inerția particulei. În momentul frânării particulei (prin interacțiune cu altă particulă) această presiune se transferă particulei ciocnite, particulă care va suferi la rândul ei accelerarea, adică va căpăta energie cinetică ( $W_c$ ). Așadar putem spune că esența filozofică a forței este deosebirea de mișcare (la nivelul liniilor de câmp, ca direcție intensitate și sens), iar esența fizică a forței este presiunea  $p$ , care rezultă din interferența câmpurilor și este dată de produsul intensității câmpurilor care interferează pe secțiunea de interacțiune. Putem spune (la modul general) că forța este calea și efectul transferării mișcării de la un sistem la altul. În cazul particulelor legate în sisteme (în corpuri) interacțiunea care nu duce la accelerarea sistemului (corpului) forța (presiunea) transmițându-se prin legături întregului sistem, produce deformarea sistemului (modificarea legăturilor dintre particulele sistemului).